

第3章 力偶理论

目录

CONTENTS

- 1 力对点之矩 汇交力系的合力矩定理
- 2 力偶及其性质
- 3 力偶系的合成与平衡

第3章 力偶理论

§3.1 力对点之矩 汇交力系的合力矩定理

一、力对点之矩 汇交力系的合力矩定理

力对物体可以产生 { **移动效应**—取决于力的大小、方向
转动效应—取决于力矩的大小、方向



扭矩扳手

力矩：是度量力对刚体转动效应强弱的物理量。

一、力对点之矩 汇交力系的合力矩定理

1、平面力系中力对点的矩

$M_o(F)$ 表示力 F 绕 O 转动的效应

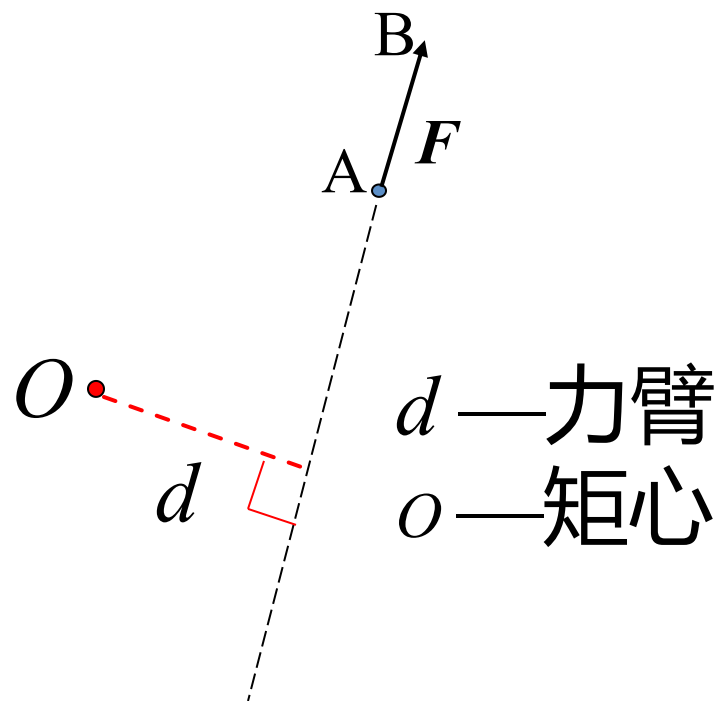
$$M_o(F) = \pm Fd$$

力矩的单位: $N\cdot m$ 或 $kN\cdot m$

正负号规定:

力使物体绕矩心**逆**时针转为 $+$

力使物体绕矩心**顺**时针转为 $-$

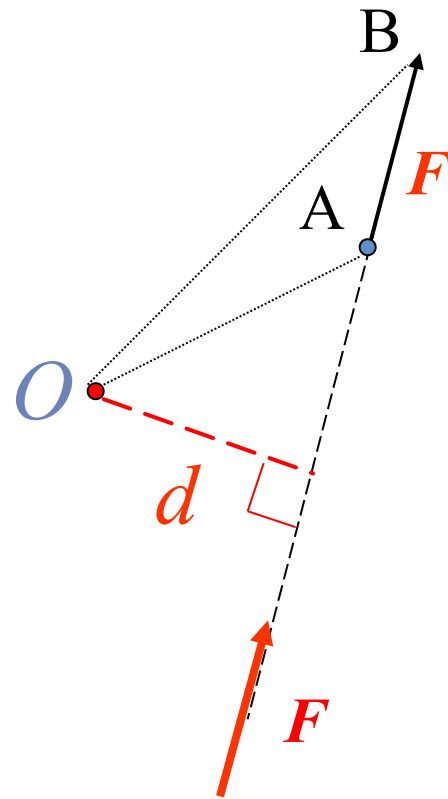


一、力对点之矩 汇交力系的合力矩定理

几个结论:

- 1) 若 $F=0$ 或 $d=0$, 则: $M_o(F) = 0$
- 2) 当力 F 沿其作用线滑动时, 力对同一点的矩 $M_o(F)$ 不变。
- 3) 同一个力对不同点的矩不同, 即: 力对点的矩与矩心的选择有关。
- 4) $M_o(F) = \pm Fd = \pm 2\Delta OAB$ 面积

注意: 平面力系中力对点的矩是一代数量。



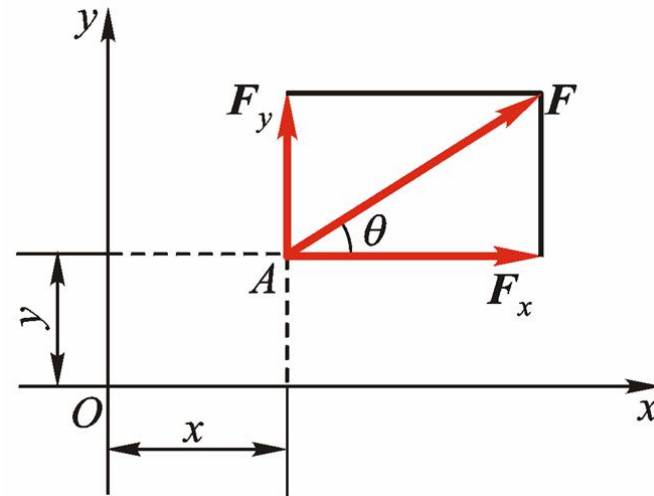
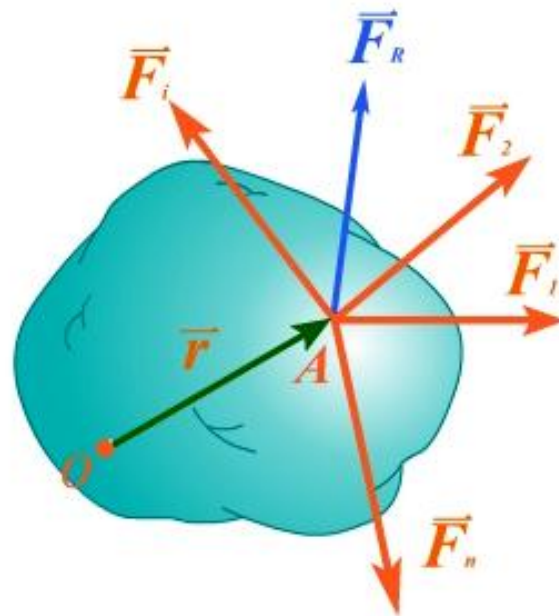
2、汇交力系的合力矩定理

合力矩定理：平面汇交力系的合力，对平面内任一点之矩，等于所有各分力，对于该点之矩的代数和。

$$M_O(\vec{F}_R) = \sum M_O(\vec{F}_i)$$

该结论适用于任何合力存在的力系。

$$\begin{aligned} M_O(\vec{F}) &= M_O(\vec{F}_y) + M_O(\vec{F}_x) \\ &= xF_y - yF_x \end{aligned}$$



【例1】

已知: $F = 1400\text{ N}$, $\theta = 20^\circ$, $r = 60\text{ mm}$

求: $M_o(\vec{F})$

解: **直接按定义**

$$\begin{aligned}M_o(\vec{F}) &= F \cdot h = F \cdot r \cdot \cos \theta \\ &= 78.93\text{ N} \cdot \text{m}\end{aligned}$$

按合力矩定理

$$\begin{aligned}M_o(\vec{F}) &= M_o(\vec{F}_t) + M_o(\vec{F}_r) \\ &= F \cdot \cos \theta \cdot r = 78.93\text{ N} \cdot \text{m}\end{aligned}$$

